

# 第1章 演算子順位による構文解析 (教科書 p.40)

## 1.1 構文解析とは (復習)

構文解析とはプログラム (式) の構造を木の形に表すことである。

正規言語の反復補題 (ポンプの補題) からわかるように、正規表現 (DFA) では構文解析はできない。

例:

gokei = soryo + kosu \* tanka  
          ↑      ↑      ↑  
          (A)   (B)   (C)

---

## 1.2 演算子順位法のアイデア

左から右に読む

- ①の地点 ... 「=」の後ろに「+」があるのでオペランドの決定を保留する
- ②の地点 ... 「+」の後ろに「\*」があるのでオペランドの決定を保留する
- ③の地点 ... 「\*」の後ろにもう演算子がないのでオペランドを確定する

ここから、以下のアイデアがでてくる

- 演算子の \_\_\_\_\_ ・ \_\_\_\_\_ の情報を使う
- データを保留しておく必要がある → **スタック**を用いる  
左の演算子 < 右の演算子 → \_\_\_\_\_  
左の演算子 > 右の演算子 → \_\_\_\_\_

## 1.3 先人の知恵

- 演算子の関係は左右非対称が良い  
( $x < y$ でも  $y > x$ とは限らない) ← 「<」, 「>」, 「=」の代わりに「  」, 「  」, 「  」と書く

- 始・終・識別子・かっこなども演算子と同様に  $\leq, >, =$  の関係をつける  
(教科書 p.45 表4.2)

右 左	+	-	*	/	(	)	識別子	終
⋮					⋮			
(					⋮			
)	>	>	>	>		>		>
識別子					⋮			

この行を  
追加

始・終をともに「\_」と書く

## 1.4 演算子順位法の例

教科書 p.45 表4.2 の表による演算子順位法で構文解析する。元のBNFは次のようになる。(曖昧な文法である。)

$$E \rightarrow E + E \mid E * E \mid \text{id} \mid ( E )$$

入力例として  $\$a+b*(c+d)\$$  を考える。(ただし、 $a \sim d$  は **id** (識別子) に属するトークンである。)

各動作では、スタックの一番上と入力の残りの先頭を比べている。このとき、スタックに非終端記号 (この例の場合は  $E$ ) が入っていても無視する。

スタック	入力の残り	動作	補足
__	_____	_____ だから _____	
__	_____	_____ だから _____	_
__	_____	_____ だから _____	
__	_____	_____ だから _____	
__	_____	_____ だから _____	_
__	_____	_____ だから _____	
__	_____	_____ だから _____	
__	_____	_____ だから _____	
__	_____	_____ だから _____	_
__	_____	_____ だから _____	
__	_____	_____ だから _____	_
__	_____	_____ だから _____	
__	_____	_____ だから _____ (*)	
__	_____	_____ だから _____	_

_____	_____	_____  だから _____	_____
_____	_____	_____  だから _____	_____
_____	_____	_____	_____

シフト (shift)      ... \_\_\_\_\_

還元 (reduce)      ... \_\_\_\_\_

**補足** 「 $\equiv$ 」は何のためにある？

「 $\lt$ 」「 $\equiv$ 」ともに動作はシフトである。ただし、あとで「 $\gt$ 」になって還元するとき「 $\equiv$ 」を乗り越して「 $\lt$ 」のところまでポップする（2つ以上の終端記号をポップする）。上の※のところ参照。

還元が起こった箇所を下から読むと、

\_\_\_\_\_

という導出列になっている。

## 1.5 演算子順位法の特徴

- 最も右側の非終端記号を書き換える（ \_\_\_\_\_ ）
- 解析木の葉から幹へ向かって節を作っていく（ \_\_\_\_\_ ）

- \_\_\_\_\_
- （ほとんど）どんなプログラミング言語でもコードを書ける
  - 実行時にも構文解析表を更新できる(他の構文解析法の後処理に使える)

## 1.6 演算子順位法の制限

スタックの終端記号を使うため、右辺に

- $\epsilon$  がでてくる、終端記号が出現しない

- あるいは、非終端記号が隣り合う

ような生成規則があるに対応できないことが知られている。

## 1.7 演算子順位行列 (p.45 表 4.2 など) の作り方

1.  $\otimes$  が  $\oplus$  より優先順位が高いとき  
 →  $\boxed{\otimes \oplus}$  かつ  $\boxed{\oplus \otimes}$  とする

2.  $\oplus$  と  $\ominus$  が同じ優先順位の時  
 左結合 →  $\boxed{\oplus \ominus}$  かつ  $\boxed{\ominus \oplus}$ 、  
 右結合 →  $\boxed{\oplus \ominus}$  かつ  $\boxed{\ominus \oplus}$ 、  
 非結合 → 空欄のまま (エラーを表す) とする

3. すべての演算子  $\oplus$  について、「id」、「(」、「)」、「\$」との関係は、表 4.2 と同じである。

つまり、 $\boxed{\oplus \text{id}}$  かつ  $\boxed{\text{id} \oplus}$  かつ  $\boxed{\oplus (}$  かつ  $\boxed{( \oplus}$  かつ  $\boxed{\oplus )}$  かつ  $\boxed{\oplus \$}$  とする

4. さらに「id」、「(」、「)」、「\$」同士の関係は、表 4.2 と同じである。

つまり、 $\boxed{( )}$  かつ  $\boxed{( (}$  かつ  $\boxed{) )}$  かつ  $\boxed{\$ \$}$  などなど、とする

注：単項演算子の「-」については、字句解析のときに二項演算子の「-」と区別しておく必要がある

問 1.7.1 教科書 p.45 表 4.2 に累乗演算子「^」と比較演算子「<」を追加せよ。ただし「^」は右結合で「\*」や「/」よりも、優先順位が高いものとする。また「<」は非結合 (例えば  $a < b < c$  は、構文エラー) で、「+」や「-」よりも、優先順位が低いものとする。

右 左	<	+	-	*	/	^	(	)	識別子	終
始										
<										
+										
-										
*										
/										
^										
(										
)										
識別子										

白地の部分は、教科書 p.45 の表 4.2 から書き写し、黄色地のところを考えよ。

注: 通常はエラーは空欄のままとするが、この問では解答なしと区別するために明示的に「X」を書け。

## 1.8 演算子順位法の応用

演算子順位法による構文解析では、結局、計算する順番で解析木を生成するので、\_\_\_\_\_を生成するのに利用することができる (p.45)。逆ポーランド記法は\_\_\_\_\_ (RPN)、\_\_\_\_\_ (postfix notation) と呼ばれる。演算子をオペランドの後に書く。そのため (二項演算子しかない場合は) カッコが必要ない。

通常 (中置記法)      RPN

12 + 34 \* 56      \_\_\_\_\_

(12 + 34) \* 56      \_\_\_\_\_

機械語と順序が同じであるため、式に対する (簡易) \_\_\_\_\_ と考えることができる

演算子順位法では、還元が起こったときに、含まれている (カッコ以外の) 終端記号を出力すれば良い

例 \$a+b\*(c+d)\$ (さっきの入力例)

---

問 1.8.1 下の 2 つの入力例

1. \$a+b\*c\$
2. \$(a+b)\*c\$

について、教科書 p.45 表 4.2 の表による演算子順位法が、さっきの入力例と同様に逆ポーランド記法を出力することを確認せよ

---

