

コンパイラ・期末テスト問題用紙
(2021年 02月 09日・ 10:30 ~ 12:00)

解答上、その他の注意事項

1. 問題は、問 I ~IV までである。
2. 解答用紙の右上の欄に学籍番号・名前を記入すること。
3. 解答欄を間違えないよう注意すること。
4. 解答中の文字 (特に a と d) がはっきりと区別できるよう注意すること。
5. 持ち込みは不可である。筆記用具・時計・学生証以外のものは、かばんの中などにしまうこと。
6. テストの配点は 80 点である。合格は毎週の課題の得点を加算して、100 点満点中 60 点以上とする。

I. (演算子順位法)

次のBNFで表される文法を演算子順位法により構文解析する。

$$E \rightarrow \text{id} \mid E ">" E \mid E "&&" E \mid E ".." E \mid E "=" E \mid "(" E ")"$$

ただし、**id** はアルファベット1文字からなるトークンを表す。

この文法は曖昧なので、優先順位と結合性について次のように決めておく。

「>」は非結合、「&&」は左結合、「..」は非結合、「=」は右結合、であり、
 「>」は「&&」よりも優先順位が高く、「&&」は「..」よりも優先順位が高く、
 「..」は「=」よりも優先順位が高いものとする。

つまり、下表中の左の欄の式は、右の欄の式として解釈される。

式	解釈	式	解釈
$a > b > c$	(構文エラー)	$a > b = c$	$(a > b) = c$
$a \&\& b \&\& c$	$(a \&\& b) \&\& c$	$a = b > c$	$a = (b > c)$
$a .. b .. c$	(構文エラー)	$a \&\& b .. c$	$(a \&\& b) .. c$
$a = b = c$	$a = (b = c)$	$a .. b \&\& c$	$a .. (b \&\& c)$
$a > b \&\& c$	$(a > b) \&\& c$	$a \&\& b = c$	$(a \&\& b) = c$
$a \&\& b > c$	$a \&\& (b > c)$	$a = b \&\& c$	$a = (b \&\& c)$
$a > b .. c$	$(a > b) .. c$	$a .. b = c$	$(a .. b) = c$
$a .. b > c$	$a .. (b > c)$	$a = b .. c$	$a = (b .. c)$

以下の演算子順位行列の空欄(1)～(10)を<、≠、>、**X**のうちもっとも適切なもので埋めよ。
 ただし**X**はエラーを表すものとする。(教科書などの記法では、エラーは空欄のままとしているが、このテストでは無回答と区別するために明示的に**X**を書くことにする。)

左	右	=	..	&&	>	()	id	終
始	<	<	<	<	<	<	X	<	≠
=	(1)	<	<	(2)	<	(3)	<	>	
..	(4)	(5)	<	<	<	>	<	>	
&&	>	>	(6)	(7)	<	>	<	>	
>	>	>	(8)	(9)	<	>	<	>	
(<	<	<	(10)	<	≠	<	X	
)	>	>	>	>	X	>	X	>	
id	>	>	>	>	X	>	X	>	

II. (再帰下降構文解析)

対のようなBNFで定義された文法に対して再帰下降構文解析ルーチンを作成する。

$$\begin{aligned}
 S &\rightarrow \mathbf{a} \text{ "=" } E \text{ ";" } && \dots \text{ ①} \\
 &| \mathbf{if} \text{ "(" } E \text{ ")" } S \mathbf{ else } S && \dots \text{ ②} \\
 &| \mathbf{while} \text{ "(" } E \text{ ")" } S && \dots \text{ ③} \\
 &| \text{"{" } T \text{ "}" } && \dots \text{ ④} \\
 T &\rightarrow S T && \dots \text{ ⑤} \\
 &| \varepsilon && \dots \text{ ⑥} \\
 E &\rightarrow \mathbf{a} \mid \text{"(" } E \text{ ")" } \mid E \text{ "(" } E \text{ ")" } \mid E \text{ "[" } E \text{ "]" }
 \end{aligned}$$

ただし、「 S 」, 「 T 」, 「 E 」は非終端記号、「 \mathbf{a} 」, 「=」, 「;」, 「if」, 「(」, 「)」, 「else」, 「while」, 「{」, 「}」, 「[」, 「]」は終端記号である。開始記号 (start symbol) は S である。

(1) S から導出される終端記号の列で、次の条件を満たすものの例を挙げよ。存在しなければ \mathbf{X} を記せ。

- (i) 「;」の直後に「}」が続く。
- (ii) 「;」で終わる。
- (iii) 「]」の直後に「}」が続く。
- (iv) 「]」で終わる。

(2) E から左再帰を除去せよ。補助的に導入する非終端記号は E' とせよ。(後の解答で使用するために、生成規則に丸数字 (⑦, ⑧, ...) を付けておくこと。)

以下の問は (2). で E から左再帰を除去して得られたBNFについて答えよ。

(3) $First(S)$ を求めよ。

(4) $Follow(T)$ を求めよ。

(5) $Follow(E')$ を求めよ。

(6) 下の予測型構文解析表の S, T の行を埋めよ。この問題の解答は \mathbf{X} , ① ~ ⑥の中から選べ。ただし、 \mathbf{X} は“エラー”を示す。(教科書などの記法では、エラーは空欄のままとしているが、このテストでは無回答と区別するために明示的に \mathbf{X} を書くことにする。)

(7) 下の予測型構文解析表の E, E' の行を埋めよ。この問題の解答は \mathbf{X} と ⑦, ⑧, ... ((2)の解答で、BNFの生成規則に自分で付けた番号) から選べ。構文エラーの場合は、必ず \mathbf{X} を記入し、空欄のまま残さないこと。

	a	=	;	if	()	else	while	{	}	[]	\$
$S \rightarrow$													
$T \rightarrow$													
$E \rightarrow$													
$E' \rightarrow$													

(8) この文法に対して、入力が文法にしたがっていれば「正しい構文です。」間違っていれば「構文に誤りがあります。」と表示する構文解析プログラムを作成する。プログラム(次ページ)中の指定の部分に入る $S, T, E, E1$ 関数のうち、 $E, E1$ 関数の定義を完成させよ。ただし、 $S, T, E, E1$ は、それぞれ非終端記号 S, T, E, E' に対応する関数である。予測型構文解析表の \mathbf{X} に相当する入力には reportError 関数を呼び出すようにすること。

(プログラムの補足説明: プログラム中では、終端記号は、「;」のような1文字のものは、その字そのもの (の ASCII コード)、if などのトークンは、C 言語のマクロ (例えば if の場合は IF) として表現している。入力の終わり (\$) に対応するのは、このプログラムの場合、マクロ EOF である。

yylex 関数は、入力を読んで、次の終端記号を返す関数である。token という大域変数に、現在処理中の終端記号を代入する。eat 関数は、現在 token に入っている値が、引数として与えられた終端記号と等しいかどうか確かめ、等しければ次の終端記号を読み込む。reportError 関数は、「構文に誤りがあります。」と表示し、プログラムを終了する。)

再帰下降構文解析プログラム

```
1 #include <stdio.h>      /* printf(), EOF など */
2 #include <stdlib.h>     /* exit()用 */
3 #include <string.h>     /* strcmp()用 */
4 #include <ctype.h>      /* isalpha()用 */
5
6 /* 終端記号に対するマクロの定義 */
7 #define A      257      /* トークン a */
8 #define IF     258      /* トークン if */
9 #define ELSE   259      /* トークン else */
10 #define WHILE  260      /* トークン while */
11
12 int token;             /* 大域変数の宣言 */
13
14 /* 関数プロトタイプ宣言 */
15 void reportError(void);
16 int  yylex(void);
17 void eat(int t);
18
19 void S(void);
20 void T(void);
21 void E(void);
22 void E1(void);
23
24 /* ***** */
25 * この部分に 関数 S, T, E, E1 の定義を挿入する。 *
26 /* ***** */
27
28 /* ここ以降は解答に直接関係はない。 */
29 void reportError(void) {
30     printf("構文に誤りがあります。 \n"); exit(0); /* プログラムを終了 */
31 }
32
33 int main() { /* main関数 */
34     token = yylex(); /* 最初のトークンを読む */
35     S();
36     if (token == EOF) {
37         printf("正しい構文です!\n");
38     } else {
39         reportError();
40     }
41 }
42
43 int yylex(void) { /* 簡易字句解析ルーチン */
44     int c;
45     char buf[256];
46
47     do { /* 空白は読み飛ばす。 */
48         c = getchar();
49     } while (c == ' ' || c == '\t' || c == '\n');
50
51     if (isalpha(c)) { /* アルファベットだったら... */
52         char* ptr = buf;
53         ungetc(c, stdin);
54         while (1) {
55             c = getchar();
```

```

56     if (!isalpha(c) && !isdigit(c)) break;
57     *ptr++ = c;
58 }
59 *ptr = '\0';
60 ungetc(c, stdin);
61
62 if (strcmp(buf, "a") == 0) return A;
63 if (strcmp(buf, "if") == 0) return IF;
64 if (strcmp(buf, "else") == 0) return ELSE;
65 if (strcmp(buf, "while") == 0) return WHILE;
66 reportError();
67 } else {
68     /* 上のような条件にも合わなければ、文字をそのまま返す。*/
69     return c; /* ';' など */
70 }
71 }
72
73 void eat(int t) { /* token (終端記号) を消費して、次の token を読む */
74     if (token == t) {
75         /* 現在のトークンを捨てて、次のトークンを読む */
76         token = yylex();
77         return;
78     } else {
79         reportError();
80     }
81 }
82

```

III. (LR 構文解析)

次のような BNF で与えられる文法

$$\begin{array}{l}
 E \rightarrow \text{id} \quad \dots \text{I} \quad X \rightarrow \text{id} \text{"="} E \quad \dots \text{V} \\
 | \text{"{"} X \text{"} \quad \dots \text{II} \quad | X \text{";" } \text{id} \text{"="} E \quad \dots \text{VI} \\
 | E \text{"{"} X \text{"} \quad \dots \text{III} \\
 | E \text{"#" } \text{id} \quad \dots \text{IV}
 \end{array}$$

に対して、LR 構文解析表を作成する。ただし、

- …の後の I, IIなどは生成規則の番号である。
- 「E」, 「X」は非終端記号である。「id」, 「{」, 「}」, 「#」, 「=」, 「;」は終端記号である。このうち、「id」はアルファベット1文字からなるトークンを表す。
- 開始記号 (start symbol) は E である。

bison の出力する LR 構文解析表は次のようになる。(注: bison に -v オプションを指定することによって、LR 構文解析表をファイルに出力させることができる。)

	id	{	}	#	=	;	\$		E	X
①	s ①	s ②							g ③	
②				r I						
③	s ④									g ⑤
④		s ⑦		s ⑧			s ⑥			
⑤					s ⑨					
⑥			s ⑩			s ⑪				
⑦	accept									
⑧	s ④									g ⑫
⑨	s ⑬									
⑩	s ①	s ②							g ⑭	
⑪	r II									
⑫	s ⑮									
⑬			s ⑯			s ⑰				
⑭	r IV									
⑮	r V	s ⑰	r V	s ⑱		r V				
⑯					s ⑲					
⑰	r III									
⑱	s ①	s ②							g ⑳	
㉑	r VI	s ⑰	r VI	s ⑱		r VI				

注: ここで、s ②は、「シフト (shift) して状態 ②へ遷移」、g ③は、「状態 ③へ遷移 (go)」、r XIIは、「生成規則 XII を使って還元 (reduce)」を表す。

次の入力列に対して、下線の記号をシフトした直後の (つまりシフトしたあと、還元がまだ起こっていないときの) スタックの状態はどのようになっているか?

- (1) a#b#c (2) {a=b}{x=y;z=w} (3) a{a=b}{x=y#z} (4) a{x=y;z=w;u=v}

下の選択肢 ((1) ~ (4) 共通) から選べ。(左がスタックの底とする。)

- (A). ①E③{⑦id④ (B). ①E③#⑧id⑬ (C). ①E③{⑦X⑫;①id⑮
 (D). ①E③{⑦id④=⑨E⑭;①id⑮ (E). ①E③{⑦id④=⑨E⑭#⑧id⑬
 (F). ①E③{⑦id④=⑨E⑭}⑯{⑦id④ (G). ①E③{⑦X⑫;①id④=⑨E⑭;①id⑮
 (H). ①E③{⑦id④=⑨E⑭;①id④=⑨E⑭;①id⑮
 (I). ①E③{⑦id④=⑨E⑭}⑯{⑦id④=⑨E⑭}⑯{⑦id④

コンパイラ・期末テスト解答用紙 (2021 年 02 月 09 日)

学籍番号		氏名	
------	--	----	--

I. (2 × 10)

(1)		(2)		(3)		(4)		(5)	
(6)		(7)		(8)		(9)		(10)	

II. (2 × 4, 5, 3, 3, 3, 6, 6, 6)

(1-i)														
(1-ii)														
(1-iii)														
(1-iv)														
(2)	$E \rightarrow$													
	$E' \rightarrow$													
(3)														
(4)														
(5)														
(6)		a	=	;	if	()	else	while	{	}	[]	\$
	$S \rightarrow$													
	$T \rightarrow$													
(7)		a	=	;	if	()	else	while	{	}	[]	\$
	$E \rightarrow$													
	$E' \rightarrow$													
(8)														

