

プログラミング言語特論(2011年度)・テスト問題用紙

(2012年2月9日(木)・13:00～14:30)

解答上、その他の注意事項

- I. 問題は、問 I～V までである。
- II. 解答用紙の右上の欄に学籍番号・名前を記入すること。
- III. ノート・プリント・参考書などは持ち込み可である。
- IV. 携帯電話などの通信機能を持つものは 持ち込み不可 である。
- V. 問 I を解答するときのみ、ノート PC を使用して良い。ネットワークに接続して WWW を閲覧しても良いが、掲示板、チャット、メールなどで生身の人間と通信することは禁じる。
- VI. テストの配点は 50 点 (+ ボーナス 20 点) である。合格はレポートの得点を加えて、100 点満点中 60 点以上とする。

- (1) 引数として与えられる整数の組のリスト中の $x+y==0$ を満たす要素 (x, y) の個数を返す関数

```
foo :: [(Integer, Integer)] -> Integer
```

を定義せよ。

例えば、foo [(1, -1), (0, 0), (2, -3)] は 2 であり、foo [(1,-2), (5, -4), (2, 2)] は 0 である。

この問では map, filter, foldl, foldr などのリストに関するライブラリ関数や内包表記を使わず、if ~ then ~ else ~ 式や四則演算子、論理演算子、等号・不等号、パターンマッチング、再帰などを使って定義せよ。

- (2) 整数 n を引数として受け取り、正の整数の組 (i, j) で、 $i^2 \leq j$ かつ $j \leq n$ が成り立つものを列挙する関数:

```
bar :: Integer -> [(Integer,Integer)]
```

を (リストの内包表記を用いて) 定義せよ。

例えば、bar 4 は [(1,1), (1,2), (1,3), (1,4), (2,4)] で、

bar 6 は [(1,1), (1,2), (1,3), (1,4), (1,5), (1,6), (2,4), (2,5), (2,6)] となる。

(リストの要素の順番はこのとおりでなくても良い。)

II. (ラムダ計算) (6点×2)

次のλ式が正規形に到達するまでの、最左変換による1ステップずつのβ変換の列を書け。ただし、10回以内の最左変換で正規形に到達しない式については、それが判別できる時点(以前と同じ式が出現した時点) または10回最左変換した時点で止めてよい。

解答例 1:

$$\begin{aligned} & (\lambda f x.f(fx))((\lambda f x.f(fx))g)y \\ \xrightarrow{\beta} & (\lambda x.((\lambda f x.f(fx))g)((\lambda f x.f(fx))g)x)y \\ \xrightarrow{\beta} & ((\lambda f x.f(fx))g)((\lambda f x.f(fx))g)y \\ \xrightarrow{\beta} & (\lambda x.g(gx))((\lambda f x.f(fx))g)y \\ \xrightarrow{\beta} & g(g((\lambda f x.f(fx))g)y)) \\ \xrightarrow{\beta} & g(g((\lambda x.g(gx))y)) \\ \xrightarrow{\beta} & g(g(g(y))) \end{aligned}$$

解答例 2:

$$\begin{aligned} & (\lambda x.xx)(\lambda x.xx) \\ \xrightarrow{\beta} & (\lambda x.xx)(\lambda x.xx) \\ \xrightarrow{\beta} & (\text{停止しない}) \end{aligned}$$

(1) $(\lambda abc.abc)(\lambda xy.x)(\lambda fx.x)(\lambda fx.fx)$

(2) $(\lambda xy.x(\lambda uv.u)y)(\lambda xy.y)(\lambda xy.x)$

なお、必要に応じて $I \equiv \lambda x.x$ など適宜、定数を定義しても良い。

III. (Haskell)

(7点×2)

次の例にならって、下の Haskell のプログラム (1)~(2) を評価した結果を書け。

例: `take 5 (from 1)` ⇒ 評価結果: `[1,2,3,4,5]`

ただし、`take` と `from` は講義プリントに定義されているとおりの関数である。

```
from :: Integer -> [Integer]
from n = n : from (n+1)

take :: Integer -> [a] -> [a]
take 0 _ = []
take _ [] = []
take n (x:xs) = x : take (n-1) xs
```

(1) `take 6 (iterate (\ (x,y) -> (2*x+y, x)) (1,0))`

この問で使用されている関数 `iterate` の定義は次のとおりである。

```
iterate :: (a -> a) -> a -> [a]
iterate f x = x : iterate f (f x)
```

(2) `[(x,y) | x <- [1,3,5], y <- [2,4,6], y <= 2*x]`

(この問に関してはリスト内の順番のみの間違いは、減点はしない。)

IV. (語句)

(6 点 × 2)

プログラミング言語 (やその処理系) で用いられる次の 6 つの語句のうち 2 つを選択し、具体的な例を挙げて説明せよ。ただし、講義プリントにのっている例ではなく、オリジナルの例を考えること。

- 抽象構文 (abstract syntax)
- 動的束縛 (dynamic binding)
- 高階関数 (higher-order function)
- 遅延評価 (lazy evaluation)
- 接続 (あるいは継続) (continuation)
- CPS (continuation passing style)

V. (自由記述 — ボーナス問題)

(最高 20 点)

小学生 5 年生のいところに「大学で何を勉強しているの?」と訊かれました。小学生 5 年生にわかるように「コンピューター」、「プログラミング」とは何か、情報系の学科で何を勉強するか、説明してみよ。



